3BC – sciences Octobre 2020

Problèmes de lieux géométriques

Un lieu géométrique est un ensemble de points du plan vérifiant une même propriété.

Exercice 1

On donne deux points A et B et une droite d. Quel est le lieu du centre de gravité G du triangle ABN lorsque le point N décrit la droite d ?

Exercice 2

On donne deux points A et B et un cercle C(0,r). A tout point N de C, on associe le point M tel que le quadrilatère ABNM soit un parallélogramme. Quel est le lieu de M lorsque N décrit le cercle C?

Exercice 3

Soit un point M quelconque du cercle C(0,r).

Construire le point $N = p_{(OJ)}(M) \in (OI)$.

Construire le triangle MNO et le point G, centre de gravité du triangle MNO.

Calculer une équation du lieu du point G lorsque M décrit le cercle C(O,r). Décrire avec précision ce lieu.

Exercice 4

On donne deux points A(2;0) et B(6;0).

Calculer une équation du lieu du point M dont le produit des distances à A et B est constant et égale à 3.